

$$\begin{aligned}
 \text{b) } f(x) &= \sqrt{3x^2 - 30x + 75} \\
 &= \sqrt{3(x^2 - 10x + 25)} \quad \text{Factorizar 3.} \\
 &= \sqrt{3(x - 5)^2} \quad \text{Escribir como el cuadrado de un binomio.} \\
 &= \sqrt{3} \sqrt{(x - 5)^2} \quad \text{Regla del producto para radicales.} \\
 &= \sqrt{3}|x - 5|
 \end{aligned}$$

Como las variables podrían ser cualquier número real, escribimos nuestra respuesta con signos de valor absoluto. Si nos hubieran dicho que $x - 5$ era no negativo, entonces podríamos haber escrito nuestra respuesta como $\sqrt{3}(x - 5)$.

► Ahora resuelva el ejercicio 105

CONJUNTO DE EJERCICIOS 7.4



Ejercicios de concepto/redacción

- 1. ¿Qué son los radicales semejantes?
- 2. a) Explique cómo sumar radicales semejantes.
- b) Mediante el procedimiento indicado en la parte a), sume $\frac{3}{5}\sqrt{5} + \frac{5}{4}\sqrt{5}$.
- 3. Utilice una calculadora para determinar $\sqrt{3} + 3\sqrt{2}$.
- 4. Utilice una calculadora para determinar $2\sqrt{3} + \sqrt{5}$.
- 5. ¿Puede ser $\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{a+b}$? Explique su respuesta y proporcione un ejemplo que la apoye.
- 6. Como $64 + 36 = 100$, ¿puede ser $\sqrt{64} + \sqrt{36} = \sqrt{100}$? Explique su respuesta.

Práctica de habilidades

En este conjunto de ejercicios, suponga que todas las variables representan números reales positivos.

Simplifique.

7. $\sqrt{3} - \sqrt{3}$
8. $2\sqrt{6} - \sqrt{6}$
9. $6\sqrt{5} - 2\sqrt{5}$
10. $3\sqrt{2} + 7\sqrt{2} - 11$
11. $2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + 5$
12. $6\sqrt[3]{7} - 8\sqrt[3]{7}$
13. $2\sqrt[4]{y} - 9\sqrt[4]{y}$
14. $3\sqrt[5]{a} + 7 + 5\sqrt[5]{a} - 2$
15. $3\sqrt{5} - \sqrt[3]{x} + 6\sqrt{5} + 3\sqrt[3]{x}$
16. $9 + 4\sqrt[4]{a} - 7\sqrt[4]{a} + 5$
17. $5\sqrt{x} - 8\sqrt{y} + 3\sqrt{x} + 2\sqrt{y} - \sqrt{x}$
18. $8\sqrt{a} + 4\sqrt[3]{b} + 7\sqrt{a} - 12\sqrt[3]{b}$

Simplifique.

19. $\sqrt{5} + \sqrt{20}$
20. $\sqrt{75} + \sqrt{108}$
21. $-6\sqrt{75} + 5\sqrt{125}$
22. $3\sqrt{250} + 4\sqrt{160}$
23. $-4\sqrt{90} + 3\sqrt{40} + 2\sqrt{10}$
24. $3\sqrt{40x^2y} + 2x\sqrt{490y}$
25. $\sqrt{500xy^2} + y\sqrt{320x}$
26. $5\sqrt{8} + 2\sqrt{50} - 3\sqrt{72}$
27. $2\sqrt{5x} - 3\sqrt{20x} - 4\sqrt{45x}$
28. $3\sqrt{27c^2} - 2\sqrt{108c^2} - \sqrt{48c^2}$
29. $3\sqrt{50a^2} - 3\sqrt{72a^2} - 8a\sqrt{18}$
30. $4\sqrt[3]{5} - 5\sqrt[3]{40}$
31. $\sqrt[3]{108} + \sqrt[3]{32}$
32. $3\sqrt[3]{16} + \sqrt[3]{54}$
33. $\sqrt[3]{27} - 5\sqrt[3]{8}$
34. $3\sqrt[3]{45x^3} + \sqrt{5x}$
35. $2\sqrt[3]{a^4b^2} + 4a\sqrt[3]{ab^2}$
36. $5y\sqrt[4]{48x^5} - x\sqrt[4]{3x^5y^4}$
37. $\sqrt[3]{4r^7s^5} + 3r^2\sqrt[3]{r^3s^5} - 2rs\sqrt[3]{r^5s^3}$
38. $x\sqrt[3]{27x^5y^2} - x^2\sqrt[3]{x^2y^2} + 4\sqrt[3]{x^8y^2}$
39. $\sqrt[3]{128x^8y^{10}} - 2x^2y\sqrt[3]{16x^2y^7}$
40. $5\sqrt[3]{320x^5y^8} + 3x\sqrt[3]{135x^2y^8}$

Simplifique.

41. $\sqrt{3}\sqrt{27}$
42. $\sqrt[3]{2}\sqrt[3]{4}$
43. $\sqrt[3]{4}\sqrt[3]{14}$
44. $\sqrt[3]{3}\sqrt[3]{54}$
45. $\sqrt[3]{9m^3n^7}\sqrt{3mn^4}$
46. $\sqrt[3]{5ab^2}\sqrt[3]{25a^4b^{12}}$
47. $\sqrt[3]{9x^7y^{10}}\sqrt[3]{6x^4y^3}$
48. $\sqrt[3]{3x^9y^{12}}\sqrt[3]{54x^4y^7}$
49. $\sqrt[5]{x^{24}y^{30}z^9}\sqrt[5]{x^{13}y^8z^7}$
50. $\sqrt[4]{8x^4yz^3}\sqrt[4]{2x^2y^3z^7}$
51. $(\sqrt[3]{2x^3y^4})^2$
52. $\sqrt{2}(\sqrt{6} + \sqrt{18})$
53. $\sqrt{5}(\sqrt{5} - \sqrt{3})$
54. $\sqrt{3}(\sqrt{12} + \sqrt{8})$
55. $\sqrt[3]{y}(2\sqrt[3]{y} - \sqrt[3]{y^3})$
56. $\sqrt{3y}(\sqrt{27y^2} - \sqrt{y})$
57. $2\sqrt[3]{x^4y^5}(\sqrt[3]{8x^{12}y^4} + \sqrt[3]{16xy^9})$
58. $\sqrt[3]{16x^7y^6}(\sqrt[3]{2x^6y^9} - \sqrt[3]{10x^3y^7})$
59. $(8 + \sqrt{5})(8 - \sqrt{5})$
60. $(9 - \sqrt{5})(9 + \sqrt{5})$
61. $(\sqrt{6} + x)(\sqrt{6} - x)$
62. $(\sqrt{x} + y)(\sqrt{x} - y)$
63. $(\sqrt{7} - \sqrt{z})(\sqrt{7} + \sqrt{z})$
64. $(3\sqrt{a} - 5\sqrt{b})(3\sqrt{a} + 5\sqrt{b})$